## SUR LA PERFECTION

DES

LUNETTES ASTRONOMIQUES, QUI REPRÉ-SENTENT LES OBJETS RENVERSÉS. \*)

PAR M. EULER.

I.

Pour perfectionner les lunettes ordinaires à deux verres convexes, qui préfentent les objets renversés, il y a deux conditions, qu'il faut principalement avoir en vue. L'une est de les rendre plus courtes, & l'autre de leur procurer un plus grand champ apparent. S'il faut grossir 100 fois le diametre des objets, une Lunette ordinaire construite selon les regles de Huygens, aura 30 pieds de longueur & ne découvrira qu'un champ de 18' en diametre, & de plus grandes multiplications demandent des lunettes d'une longueur énorme, qui en rend l'usage presque tout à sait impraticable. Pour le champ apparent on a déjà remarqué, qu'en introduisant un troisseme verre au soyer commun de l'objectif & de l'oculaire, on le peut augmenter considérablement, jusqu'à doubler son diametre: & en doublant le verre oculaire, on peut pousser cet avantage bien au delà.

2. Mais la longueur des lunettes étant déterminée par la confusion que produisent les verres à cause de leur figure sphérique, le seul moyen de la diminuer est, de former les verres en sorte qu'ils produisent une moindre confusion, sans leur donner une autre figure que la sphérique, ou même de réduire la confusion tout à fait à rien. On peut attendre un tel esset en composant l'objectif de deux ou trois

verres. & fi l'on pouvoit former leurs faces sphériques en sorte que la confusion fût tout à fait détruite, ce seroit le moyen de rendre les lunettes les plus courtes qu'il est possible. Pour parvenir à ce but, je vais développer plus soigneusement les principes, sur lesquels cette espece des lunerres à trois verres est fondée.

Fig. 1.

- Je considére donc en général une telle lunette, dont PP soit Planche IX. le verre objectif, la distance de son soyer  $\equiv p$  le diametre de son ouverture \(\preceq x\), & le nombre, qui en entre dans l'expression de la Le second verre QQ, qui est posé à la distance confusion = λ. AB  $\equiv p$ , ait sa distance de foyer  $\equiv q$ , & le diametre de son ouverture  $\equiv \pi q$ , ce verre étant placé au foyer de l'objectif n'influe point dans la confusion. Le troisseme verre ou l'oculaire RR ait sa distance de foyer  $\equiv r$ , le diametre de son ouverture  $\equiv \pi'r$ , & le nombre qui en entre dans la confusion  $\implies \lambda''$ ; ce verre sera placé à la distance BC = r, si l'oeil voit distinctement à une distance insinie; & ceux qui ont la vue courte, l'approcheront d'avantage du verre de milieu BB. Maintenant, si la lunette doit grossir m sois le diametre des objets, il faut prendre  $r = \frac{p}{r}$ , & pour obtenir un degré de clarté qui seroit environ 10 fois plus petit qu'à la vue simple, il faut prendre  $x = \frac{m}{30}$  pouce.
- 4. Afin que la confusion soit asses petite, pour ne pas troubler la vision, en consultant l'experience, on a trouvé qu'il faut prendre  $p = 15 \times \sqrt[3]{(\lambda m + \lambda'')} = \frac{1}{2} m \sqrt[3]{(\lambda m + \lambda'')}$  pouces, d'où il est clair, que si l'on pouvoit déterminer en sorte les nombres à &  $\lambda''$ , qu'il devint  $\lambda m + \lambda'' \equiv 0$ , on pourroit prendre la quantité p aussi petite que l'ouverture nécessaire de ce verre le permet. Or pour les objectifs, il faut bien que leur distance de foyer soit plusieurs fois plus grande que le diametre de leur ouverture, selon que les saces sont plus ou moins courbes. Si l'objectif étoit également convexe des Dd 3 deux

deux côtés, on pourroit presque prendre  $p = 2x = \frac{2m}{15}$  pouce; mais, s'il étoit plano-convexe, il faudroit bien prendre  $p = \frac{2m}{15}$  pouce, ou encore plus grand.

- verre oculaire deviendroit  $p = \frac{m}{5}$  pouce, la distance de foyer du verre oculaire deviendroit  $p = \frac{1}{5}$  pouce, qui seroit sans doute trop petite, puisqu'elle n'admettroit pas une asses grande ouverture pour transmettre tous les rayons. Car il faut que le diametre de son ouverture soit au moins  $\frac{1}{5}$  pouce, & partant sa distance de soyer au moins  $\frac{1}{5}$  pouce. Or, puisque, dès qu'il reste encore quelque consusion, il saut augmenter les mesures, établissons d'abord la distance de soyer de l'oculaire  $r = \frac{1}{2}$  pouce, & celle de l'objectif sera  $p = \frac{m}{2}$  pouces, qui admettra sans doute une ouverture dont le diametre est  $\frac{m}{30}$  pouces: & si l'on ne devoit pas craindre les erreurs inévitables dans l'anéantissement de la consusion, on pourroit sans crainte donner à p une plus petite valeur, ce qui rendroit la lunette encore plus courte. Mais on a lieu d'être très content de la longueur que nous procurera cette hypothese de  $r = \frac{1}{2}$  pouce, &  $p = \frac{m}{2}$  pouces.
- 6. Pour le champ apparent, si nous posons  $q = \frac{p}{n}$ , son diametre sera égal à la moindre de ces deux valeurs  $\frac{\pi}{n} & \frac{\pi'}{m-n+1}$ , dont celle là dépend de l'ouverture du verre moyen, & celle-cy de l'ouverture de l'oculaire. Le plus avantageux est de rendre ces deux valeurs égales entr'elles, d'où l'on tire,  $n = \frac{\pi(m+1)}{\pi+\pi'}$ , & le dia-

metre du champ àpparent  $\equiv \frac{\pi + \pi'}{m+1}$ : donc, plus on sera en état d'augmenter les nombres  $\pi$  &  $\pi'$ , plus on augmentera le champ apparent: & partant il conviendra de faire le verre moyen en sorte que sa distance de soyer soit  $q \equiv \frac{(\pi + \pi')p}{\pi(m+1)}$ . Pour le lieu de l'oeil O, si le faudra placer derrière l'oculaire à la distance  $CO \equiv \frac{m-n+1}{mm}p = \frac{\pi'(m+1)}{(\pi+\pi')mm}p = \frac{\pi'(m+1)}{(\pi+\pi')m}r$ , pour embrasser tout le champ. Mais, si l'on veut voir les objets sans des bords colorés, il faudra les placer à une distance plus petite  $CO \equiv \frac{m-n+1}{m(m+1)}p = \frac{\pi'}{\pi+\pi'}r$ : la différence entre ces deux lieux n'étant quasi rien dans les grandes multiplications.

7. Tout revient donc à faire les deux verres QQ & RR en forte qu'ils admettent la plus grande ouverture par rapport à leurs distances de foyers. Pour cet effet, il sera bon de les faire également convexes des deux côtés; en prenant le rayon de chaque face du verre  $QQ \equiv \frac{1}{16} q$ , & du verre  $RR \equiv \frac{1}{16} r$ : alors on pourra bien prendre les nombres  $\pi \equiv \pi' \equiv \frac{1}{2}$ ; & le diametre du champ apparent deviendra  $\frac{1}{m+1}$ , on bien  $\frac{3437}{m+1}$  minutes, qui est deux sois plus grand que dans les lunettes ordinaires. Alors on aura  $q = \frac{2p}{m+1}$ ;  $r = \frac{p}{m}$ , & pour le lieu de l'oeil  $CO \equiv \frac{r}{2}$ . Or, faisant le verre oculaire également convexe des deux côtés, le nombre qui lui répond pour la consusion sera  $\lambda'' \equiv 1,62979$ . Il faudra donc trouver un tel objectif P.P., qu'il devienne  $\lambda m + 1,62979 \equiv 0$ : ou puisqu'il fau-

faudroit prendre  $p = \frac{1}{4}m\sqrt[3]{(\lambda m + 1,62979)}$ , & que nous prenons  $p = \frac{1}{2}m$ , il suffira que la quantité  $\lambda m + 1,62979$ , ne surpasse point l'unité, tant positivement que négativement.

- 8. J'ai supposé iei les deux verres QQ & RR simples; mais on pourra doubler l'un ou l'autre, ou tous les deux, en joignant ensemble deux verres égaux & également convexes des deux côtés: alors, puisque le rayon de chaque face devient deux fois plus grand qu'auparavant, afin que la distance de foyer demeure la même, ces verres admetiront une plus grande ouverture & l'on pourra prendra  $\pi \equiv \pi' \equiv 1$ ; de sorte que le diametre du champ apparent sera aussi deux sois plus grand. Si l'on vouloit chacun de ces deux vers triples, en joignant ensemble trois verres égaux & également convexes des deux côtés, où le rayon de chaque face sera trois sois plus grand; puisqu'on pourra prendre  $\pi \equiv \pi' \equiv \frac{3}{2}$ , le diametre du champ apparent deviendra aussi trois sois plus grand. Mais, en doublant le verre oculaire de cette maniere, on aura  $\lambda'' \equiv 0$ , 979076, & en le triplant,  $\lambda'' \equiv 0$ , 858571.
- 9. Si l'on omettoit tout à fait le verre moyen QQ, on auroit une lunette ordinaire, de la même longueur, avec la même multiplication; où la confusion seroit aussi réduite à rien, en rendant  $\lambda m + \lambda''$  = 0: mais alors le diametre du champ apparent seroit  $= \frac{\pi'}{m+1}$ . & partant plus petit que dans le premier cas. Outre cela, pour le lieu de l'ocil O, on auroit la distance  $CO = \frac{m+1}{m} r$ , ou seulement CO = r, si l'on veut éviter les couleurs d'iris. Mais, si l'on doubloit comme auparavant le verre oculaire, puisqu'on pourroit prendre r' = 1, le diametre du champ apparent deviendroit aussi deux sois

plus grand, & partant le même que si, au lieu de doubler le verre oculaire, on mettoit en B un verre convenable, comme cy-dessus. Si l'on triploit le verre oculaire, on obtiendroit un champ, dont le dia-

metre

metre seroit trois fois plus grand & ainsi de suite. Mais il faut bien remarquer, qu'en multipliant les verres on perd de la clarté.

tifs où il feroit  $\lambda m + \lambda'' \equiv 0$ , ou du moins  $\lambda m + \lambda'' < 1$ ; & par rapport aux deux autres verres, felon qu'ils seroient simples ou multiples, on pourra établir plusieurs especes de ces lunettes, pour produire le plus grand champ apparent: je vais en faire le denombrement.

I Espece: Où il n'y a point de verre moyen QQ, l'oculaire CC étant simple également convexe des deux côtés, & le ray on de chaque face  $\frac{1}{2}\frac{1}{10}r$ . Alors, prenant  $\pi' = \frac{1}{2}$ , le diametre du champ apparent sera  $\frac{1}{2}\frac{1}{(m+1)} = \frac{1}{m+1} \cdot 1718\frac{1}{2}$  minutes, comme dans les lunettes ordinaires. Mais, ayant détruit la confusion, puisqu'on pourra prendre  $r = \frac{1}{2}$  pouce, &  $p = \frac{m}{2}$  pouce, la longueur de la lunette ne sera que de  $\frac{m+1}{2}$  pouces. Pour le lieu de l'oeil on aura CO = r.

11. II Espece. Où il n'y a point de verre moyen QQ, mais le verre oculaire est double, ou composé de deux verres égaux entr'eux, & également convexes des deux côtés, de sorte que le rayon de chaque face soit  $\equiv \frac{1}{5}r$ , ou  $\equiv \frac{1}{15}$  pouce, en supposant  $r \equiv \frac{1}{2}$  pouce: auquel on donne une ouverture de  $\frac{1}{2}$  pouce en diametre. Ayant donc  $\pi' \equiv 1$ , le diametre du champ apparent sera  $\equiv \frac{1}{m+1}$ , ou  $\equiv \frac{1}{m+1}$ . 3437 minutes. Pour le lieu de l'oeil on aura comme auparavant CO  $\equiv r \equiv \frac{1}{2}$  pouce, & dans cette espece il sera  $\lambda'' \equiv 0.979076$ .

- 12. III Espece. Où il n' a point de verre moyen QQ, mais l'oculaire RR est triple, ou composé de trois verres égaux entr'eux, & également convexes des deux côtés, le rayon de chaque face étant  $\frac{3}{10}r$ , ou  $\frac{3}{10}r$  pouce. Cet oculaire admettant une ouverture de  $\frac{3}{4}$  pouce en diametre, on aura  $\pi' = \frac{3}{2}$ , & pour le diametre du champ apparent  $\frac{3}{2(m+1)} = \frac{5}{m+1}$ .  $5155\frac{\pi}{2}$  minutes. Dans ce cas, la valeur de  $\lambda''$  sera  $\frac{\pi}{2}$ , & l'oeil doit être placé derriere l'oculaire à la distance  $\frac{\pi}{2}$  pouce.
- 13. IV Espece. Le verre moyen QQ est simple également convexe des deux côtés, le rayon de chaque face étant  $= \frac{1}{16}q$ , partant  $n = \frac{1}{2}$ , ou le diametre de son ouverture  $= \frac{1}{2}q$ . Le verre oculaire RR est aussi simple, & également convexe des deux côtés, le rayon de chaque côté étant  $= \frac{1}{16}r = \frac{1}{26}$  pouce. Donnant à ce verre une ouverture de  $\frac{1}{2}r$ , ou  $\frac{1}{4}$  pouce en diametre, on aura  $n' = \frac{1}{2}$ , & partant  $q = \frac{2p}{m+1} = \frac{2mr}{m+1}$ . Ensuite le diametre du champ apparent  $\frac{1}{m+1} = \frac{1}{m+1} \cdot 3437$  minutes; & la distance de l'oeil derrière l'oculaire  $CO = \frac{1}{2}r = \frac{1}{4}$  pouce: ensin on aura  $\lambda'' = 1$ , 62979.
- 14. V E/pece. Le vere moyen QQ est simple & également convexe des deux côtés, le rayon de chaque face étant  $= \frac{1}{10} q$ , & partant  $\pi = \frac{1}{2}$ , ou le diametre de son ouverture  $= \frac{1}{2} q$ . Or le verre oculaire RR est double, ou composé de deux verres égaux entr'eux & également convexes des deux côtés, le rayon de chaque face étant  $= \frac{1}{5} r = \frac{1}{10}$  pouce. Donnant à ce verre une ouverture de r, ou de  $\frac{1}{5}$  pouce en diametre, on aura  $\pi' = 1$ , & partant  $q = \frac{3p}{m+1}$

$$= \frac{3mr}{m+1}.$$
 De là le diametre du champ apparent sera 
$$= \frac{3}{2(m+1)}$$
$$= \frac{1}{m+1}.$$
 5155½ min. & la distance de l'oeil derrière l'oculaire 
$$CO = \frac{2}{3}r = \frac{1}{3}$$
 pouce: enfin on aura  $\lambda'' = 0.979076$ .

15. VI Espece. Le verre moyen QQ est simple & également convexe des deux côtés, le rayon de chaque face étant  $= \frac{1}{10}q$ , & partant  $\pi = \frac{1}{2}$ , en lui donnant une ouverture de  $\frac{1}{2}q$  en diametre. Or le verre oculaire RR est triple, ou composé de trois verres égaux entr'eux, & également convexes des deux côtés, le rayon de chaque face étant  $= \frac{3}{10}r = \frac{3}{20}$  pouce. Donnant à ce verre une ouverture de  $\frac{3}{4}r$  ou  $\frac{3}{4}$  pouce en diametre, on aura  $\pi' = \frac{3}{2}$ , & partant  $q = \frac{4p}{m+1} = \frac{4mr}{m+1}$ . De là le diametre du champ apparent sera  $\frac{2}{m+1} = \frac{1}{m+1}$ . De là le diametre du champ apparent riere l'oculaire  $\frac{3}{4}r = \frac{3}{8}$  pouce: enfin on aura  $\lambda'' = 0.858571$ .

posé de deux verres égaux entr'eux & également convexes des deux côtés, le rayon de chaque face étant  $\frac{1}{5}q$ , & partant  $\pi \equiv 1$ , en lui donnant une ouverture de q en diametre. Or le verre oculaire RR est simple & également convexe des deux côtés, le rayon de chaque face étant  $\frac{1}{10}r = \frac{1}{20}$  pouce. Donnant à ce verre une ouverture de  $\frac{1}{2}r$  ou  $\frac{1}{4}$  pouce en diametre, on aura  $\pi' = \frac{1}{2}$ , & partant

$$q = \frac{3P}{2(m+1)} = \frac{3mr}{2(m+1)}$$
. De là le diametre du champ apparent fera  $= \frac{3}{2(m+1)} = \frac{1}{m+1}$ . 5155 $\frac{1}{2}$  minutes, & la distance de

Ee 2

l'oeil derriere l'oculaire CO  $\equiv \frac{\pi}{3}r \equiv \frac{\pi}{6}$  pouce: enfin on ana  $\lambda'' \equiv 1,62979$ .

- 17. VIII Espece. Le verre moyen QQ est double, & composé de deux verres égaux entr'eux, & également convexes de deux côtés, le rayon de chaque sace étant  $\frac{1}{5}q$ , & partant  $\pi = 1$ , en lui donnant une ouverture de q en diametre. Or le verre oculaire RR est aussi double, & composé de deux verres égaux entr'eux, & également convexes des deux côtés, le rayon de chaque sace étant  $\frac{1}{5}r$   $\frac{1}{10}$  pouce. Donnant à ce verre une ouverture de  $r = \frac{1}{2}$  pouce en diametre, on aura  $\pi' = 1$ , & partant  $q = \frac{2p}{m+1} = \frac{2mr}{m+1}$ . De là le diametre du champ apparent sera  $\frac{2}{m+1} = \frac{1}{m+1} \cdot 6874$  minutes, & la distance de l'oeil derriere l'oculaire  $CO = \frac{1}{2}r = \frac{1}{4}$  pouce, & ensin  $\lambda'' = 0.979076$ .
- 18. IX Espece. Le verre moyen QQ est double, & composée de deux verres égaux entrieux, & également convexes des deux côtés, le rayon de chaque sace étant  $\frac{1}{3}$   $\frac{1}{3}$   $\frac{1}{3}$   $\frac{1}{3}$  en lui donnant une ouverture de q en diametre. Or le verre oculaire RR est triple, composé de trois verres égaux entrieux, & également convexes des deux côtés; le rayon de chaque sace étant  $\frac{1}{3}$   $\frac{3}{3}$   $r = \frac{3}{2}$  pouce: donnant à ce verre une ouverture de  $\frac{3}{2}$   $r = \frac{3}{4}$  pouce en diametre.

metre, on aura  $\pi' = \frac{3}{2}$ , & partant  $q = \frac{5p}{2(m+1)} = \frac{5mr}{2(m+1)}$ .

Delà le diametre du champ apparent fera  $=\frac{5}{2(m+1)}=\frac{1}{m+1}$ . 8592½ min. & la distance de l'oeil derrière le verre oculaire CO =

 $\frac{3}{5}r = \frac{3}{10}$  pouce: enfin  $\lambda'' = 0.858571$ .

19. X Espece. Le verre moyen QQ est triple, composé de trois verres égaux entr'eux, & également convexes des deux côtés, le rayon

rayon de chaque face étant  $= \frac{3}{10} r$ , & partant  $\pi = \frac{3}{2}$ , en lui donnant une ouverture de  $\frac{3}{2}$  en diametre. Or le verre oculaire RR est simple, également convexe des deux côtés, le rayon de chaque face étant  $= \frac{1}{10} r = \frac{1}{20}$  pouce. Donnant à ce verre une ouverture de  $\frac{1}{2} r = \frac{1}{4}$  pouce en diametre, on aura  $\pi' = \frac{1}{2}$  &  $q = \frac{4p}{3(m+1)}$   $= \frac{4mr}{3(m+1)}$ . De là le diametre du champ apparent sera  $= \frac{2}{m+1}$   $= \frac{1}{m+1} \cdot 6874$  minutes, & la distance de l'oeil derriere le verre oculaire  $CO = \frac{1}{4} r = \frac{1}{8}$  pouce, & enfin  $\lambda'' = 1,62979$ .

20. XI Espece. Le verre moyen QQ est triple, composé de trois verres entr'eux, & également convexes des deux côtés, le rayon de chaque face étant  $= \frac{3}{10} \frac{3}{9} q$  & partant  $\pi = \frac{3}{4}$ , en lui donnant une ouverture de  $\frac{3}{2}q$  en diametre. Or le verre oculaire RR est double, composé de deux verres égaux entr'eux & également convexes des deux côtés, le rayon de chaque face étant  $= \frac{11}{5} r = \frac{11}{10} r = \frac{11}{5} r =$ 

21. XII Espece. Le verre moyen QQ est triple, composé de trois verres égaux entr'eux & également convexes des deux côtés, le rayon de chaque face étant  $\equiv \frac{3}{10} q$ , & partant  $\pi \equiv \frac{3}{2}$ , en lui donnant une ouverture de  $\frac{3}{2} q$  en diametre. Or le verre oculaire est aussi triple, composé de trois verres égaux entr'eux & également convexes des deux côtés, le rayon de chaque face étant  $\equiv \frac{3}{10} r \equiv \frac{3}{20}$  pour

Ee a ces

- ces. Donnant à ce verre une ouverture de  $\frac{3}{4}r = \frac{3}{4}$  pouce en diametre, à cause de  $\pi' = \frac{3}{2}$ , on aura  $q = \frac{2p}{m+1} = \frac{2mr}{m+1}$ . De là le diametre du champ apparent sera  $= \frac{3}{m+1} = \frac{r}{m+1}$ .

  10311 minutes, & la distance de l'oeil derrière le verre oculaire CO  $= \frac{1}{2}r = \frac{1}{4}$  pouce, ensin  $\lambda'' = 0$ , 858571.
- 22. Cette derniere espece découvre un champ, dont le diametre est six fois, & partant le champ même est 36 sois, plus grand que dans les lunettes ordinaires, ou la premiere Espece. Or ce champ est si grand qu'il semble impossible de l'appercevoir: car, posant m = 100, on découvrira dans le ciel un arc de 102'; mais, puisqu'on le voit 100 fois plus grand qu'il ne paroitroit à la vue simple, il devroit paroitre comme un arc de 100 fois 102/, cest à dire de 170°; ce qui est impossible à la vue simple, & à plus force raison à un oeil qui regarde par un trou. Mais il faut ici remarquer, que l'estime des arcs & angles, qui entre dans ce calcul, n'a lieu que dans les petits angles, entant qu'ils font proportionnels à leurs tangentes, & partant ce paradoxe doit être résolu de cette maniere: ledit arc de 102' sera vu par la lunerte de la même maniere qu'on verroit à la vue simple un arc dont la moitié auroit sa tangente 100 fois plus grande que la tangente de 511. Or tang. 16" = 100 tang. 51', & partant l'arc de 102' sera vu de la même maniere qu'on verroit à la vue simple un arc de 112°.
- 23. Par là on comprend, que quand une lunette grossit 100 fois en diametre, cela ne regarde que les objets qui se trouvent vers le centre du champ apparent; & ceux qui en sont éloignés, sont grossis selon une moindre raison. Ainsi, pour juger en quelle raison les objets extremes du champ apparent seront multipliés, nous n'avons qu'à chercher comment paroitra le cercle dont le rayon est 50': or 100 tang. 50' = tang. 55°, 30'. Donc l'extreme minute du champ apparent paroitra par la lunette comme un atc de 30', ou bien elle ne sera multipliée

tiplée que trente fois, pendant que proche du centre du champ apparent la multiplication est centuple. Cette remarque sur le grossissement des lunettes, est fort nécessaire, & sans elle ce qui a été rapporté cy-dessus seroit très absurde; donc, pour profiter du grossissement d'une lunette, il saut toujours porter les objets au milieu du champ apparent. Car en général, si le diametre du champ apparent est  $2 \varphi$ , & la multiplication m, les extrémités ne sont grossies que

$$\frac{m}{m^2 \sin \Phi^2 + \cos \Phi^2}$$
 fois: & partant, s'il étoit sin  $\Phi = \frac{1}{\sqrt{(m+1)}}$ , les extrémités paroitroient dans leur épaisseur naturelle.

Quand on prend l'oculaire double ou triple, on pourroit bien lui donner une plus petite distance de foyer, savoir  $r = \frac{\pi}{4}$ , ou  $r = \frac{\pi}{6}$  pouce, puisqu'il souffriroit alors une ouverture asses grande pour transmettre les rayons. Mais il saut bien considérer que celu ne sauroit avoir lieu, que lorsqu'on seroit en état d'exécuter toutes les mesures à la dernière rigueur. Car, prenant  $r = \frac{\pi}{4}$  pouce, & par

conféquent  $p = \frac{m}{4}$  pouces, il faudroit que la quantité  $\lambda m + \lambda''$ 

fût du moins au dessous de  $\frac{1}{8}$ , ce qu'on ne sauroit presque jamais espérer. Il sera même difficile, surtout dans les grandes multiplications de construire l'objectif en sorte que la valeur de  $\lambda m + \lambda''$  soit au dessous de l'unité; & partant nous serons obligés de nous tenir à la valeur établie  $r = \frac{1}{2}$  pouce, & si l'on n'y réussit pas heureusement, & que cette quantité surpasse l'unité, il faudra encore augmenter les mesures établies, ou bien prendre les pouces plus grands, sans pourtant augmenter les ouvertures des verres.

25. Après ces remarques, passons à la construction du verre objectif, dont le nombre  $\lambda$  doit être tel, que la quantité  $\lambda m + \lambda''$  ne surpasse pas l'unité. Or on remplira cette condition pour toutes les especes en rendant  $\lambda m + 1,25 = 0$ . Il faut donc que pour l'ob-

l'objectif le nombre  $\lambda$  ait une valeur négative, savoir  $\lambda = -\frac{1,25}{2}$ :

& si l'on peut remplir cette condition, on pourra joindre au même objectif un oculaire simple, ou double, ou triple: car alors, en employant un oculaire simple, on aura  $\lambda m + \lambda'' \equiv 0,37979$ , pour un oculaire double  $\lambda m + \lambda'' \equiv -0,27092$ , & pour un triple  $\lambda m + \lambda'' \equiv -0,39140$ , lesquelles valeurs sont toutes tant au dessous de l'unité, que de petites aberrations ne sont pas fort à craindre.

26. Or on ne sauroit réussir à saire une tel verre objectif, à moins qu'on ne le compose de trois verres: ce qui se peut pratiquer d'une infinité de manieres, dont la construction suivante paroit la plus convenable pour la pratique. La distance de soyer de l'objectif étant p, pour la multiplication p on sera les troisverres, dont l'objectif est composé, en sorte

du troisieme verre le rayon de sa face  $\begin{cases} de devant = 0,61447 p, \\ de derriere = 5,24160 p. \end{cases}$  27. Cette construction a cet avantage, que le premier & troisième verre sont égaux entreux, chacun ayant la distance de soyer

p: mais le second verre est concave, ayant sa distance de soyer négative = -p, de sorte que le composé obtient sa distance de soyer

p. Ensuire le premier & le troisieme produisent chacun à part la
moindre consossion, & partant de petites erreurs commisse dans leur
construction influent le moins qu'il est possible sur l'esset de l'objecrif entr'eux; la construction du verre moyen peut être plus commodément représentée en sorte:

le rayon de sa face de devant

$$-p\left(0,91248-\frac{0,47102}{m}+\frac{0,39033}{mm}\right),$$

le rayon de sa face de derriere

$$-p\left(1,38453+\frac{1,08441}{m}+\frac{0,51049}{mm}\right).$$

28. Done, puisque la construction du premier & troisieme verre n'a aucune difficulté, exposons celle du second verre pour les multiplications principales dans la table suivante:

Construction du second verre de l'objectif.								
Multipl.	rayon de la face	rayon de la face						
973	de devant	de derriere						
10	- 0,86928 p	1,49807 p						
20	— <b>o</b> ,88990 p	— 1,44002 p						
30	0,89721 p	- 1,42125 p						
40	0,90095 p	1,41196 p						
50	0,90322 p	- 1,40642 p						
<b>6</b> 0	- 0,90474 p	-1,40274 p						
70	0,90583 p	— 1,40012 p						
80	— 0,90665 p	— 1,39816 p						
90	0,90730 p	1,39664 p						
100	0,90781 p	— 1,39542 p						
120	- 0,90858 p	— 1,39360 p						
140	— 0,90914 p	— 1,39230 p						
160	— 0,90955 p	-1,39133 p						
180	— 0,90987 <i>p</i>	— 1,39056 p						
200	— 0,91014 p	— 1,38995 p						
250	— 0,91060 p	1,38888 p						
300	- 0,91091 p	1,38815 p						
350	0,91114 p	-1,38764 p						
400	0,91131 p	— 1,38725 p						
450	- 0,91143 p	1,38694 p						
500	- 0,91154 p	— 1,38670 p						
600	0,91170 p	— 1,38634 p						
700	0,91181 p	— 1,38608 p						
800	- 0,91190 p	-1,38589 p						
900	- 0,91196 p	1,38573 p						
1000	- 0,91201 p	— 1,38562 p						
-								

29. Donc, pour chaque multiplication proposée m, si nous possons  $p = \frac{m}{2}$  pouces, nous pourrons construire un objectif composée de trois verres, dont le premier & le troisieme sont égaux entr'eux suivant

vant la table suivante, qui exprime les rayons de toutes les faces en pouces & centiemes parties d'un pouce, de même que le diametre de l'objectif:

TABLE DES OBJECTIFS TRIPLES.

94.12.10	Multipli- I du premier & troisieme verte.    du second verte.    Diametre de							
Multipli- cation	du premier & troilieme verre.		rayon de la face			l'ouverture de		
7/1	de devant	de derriere	1	de devant	l q	e derriere	l'objecti£	
10	+ 3,07	+ 26,21	—	4,35	<u> </u>	7,49	0,33	
20	+ 6,14	+ 52,42	-	8,90		14,40	0,67	
30	+ 9,22	+ 78,62	; —	13,46		21,32	1,00	
40	+ 12,29	+ 104,83	-	18,02		28,24	1,33	
50	+ 15,36	+ 131,04	-	22,58		35,16	1,67	
60	+ 18,43	+ 157,25		27, 14	-	42,08	2,00	
70	+ 21,50	+ 183,46	-	31,70	_	49,00	2,33	
· 80	+ 24,58	+ 209,66	-	36,27	_	55,93	2,67	
90	+ 27,65	+ 235,87	i —	40,83	_	62,85	3,00	
100	+ 30,72	+ 262,08	—	45,39	-	69,77	3,33	
Į 20	+ 36,87	314,50	-	54,51	_	83,62	4,00	
140	43,01	366,91	_	63,64		97,46	4,67	
160	49, 16	419133		72,76		111,31	5,33	
180	55,30	471574	1-	81,89		125,15	6,00	
200	61,45	524,16	<u> </u>	91,01	_	1 39,00	6,67	
250	76,81	655,04	-	113,82		173,61	8,33	
300	92,17	785,24	<b> </b> -	136,64		208,22	10,00	
350	107,53	917,28	<b>—</b>	159,45		242,84	11,67	
400	122,90	1048,32	—	182,26		277,45	13,33	
450	138,26	1179,36		205,07	<b> </b> —	312,06	15,00	
500	153,62	1310,40	1 —	227,88	_	346,67	16,67	
.600	184134	1572,48		273,51	-	415,90	20,00	
700	215,07	1834,56		319,13	-	485,13	23,33	
800	245,79	2096,64	-	364,76	<u>·</u>	554,36	26,67	
900	276,51	2358,72	—	410,38	_	623,57	30,00	
1000	307,24	2620,80	—	456,01	_	692,81	33,33	

Un tel objectif pour la multiplication  $m \equiv 10$  est représenté dans la figure II.

30. Ayant construit un tel objectif pour une multiplication proposée  $\equiv m$ , on pourra l'employer à chacune des 12 Especes, que j'ai décrites cy dessus, en prenant toujours la distance de soyer de l'oculaire  $r \equiv \frac{1}{2}$  pouce. Alors la longueur de la lunette sera  $\frac{m+1}{2}$  pouces, qui en comparaison des lunettes ordinaires sera d'autant plus courte que la multiplication sera plus grande. Le devis suivant pourra servir d'exemple à d'autres.

- 1°. Le verre objectif PP aura une ouverture de deux pouces en diametre, d'où l'on réglera la grandeur des verres dont il est composé.
- 2°. L'objectif sera composé de trois verres, dont voici la construction:

Du premier: le rayon de sa face  $\begin{cases} de \ devant & = +187\frac{45}{100} \\ de \ derriere & = +157\frac{25}{100} \end{cases}$  pouces, Du second: le rayon de sa face  $\begin{cases} de \ devant & = -27\frac{14}{100} \\ de \ derriere & = -42\frac{8}{100} \end{cases}$  pouces. Du troisieme: le rayon de sa face  $\begin{cases} de \ devant & = +18\frac{45}{100} \\ de \ derriere & = +157\frac{25}{100} \end{cases}$  pouces.

- 3°. Derriere ce verre, à la distance AB = 30 pouces, ou dans son soyer on placera le verre moyen QQ, dont l'ouverture est de  $\frac{e^{\alpha}}{2} = \frac{1}{2} \frac{e^{\alpha}}{2}$  pouce en diametre.
- 4°. Or ce verre QQ est composé de deux verres égaux entr'eux & également convexes des deux côtés, le rayon de chaque sace étant = 2 1 0 pouces.

## **229 1**

- 5°. Derriere ce verre QQ, à la distance BC = ½ pouce, on mettra l'oculaire RR, dont l'ouverture aura ½ pouce en diametre.
- 6°. L'oculaire sera aussi composé de deux verres égaux & également convexes des deux côtés, le rayon de chaque sace étant = 1 1 20 pouce.
- 7°. Derriere l'oculaire, à la distance CO = 1 pouce, on mettra l'oeil, qui découvrira un champ dont le diametre est 112\frac{2}{3} minutes, ou 1°, 52\frac{2}{3}': & ce champ paroitra à l'oeil sous un angle de 89°, 2'.
- 31. Voilà un autre devis d'une plus longue Lunette de la 1x Espece:

## Devis d'une Lunette de 5 pieds qui grossit 120 fois le diameire des objets.

- 1°. Le verre objectif aura une ouverture de 4 pouces en diametre, d'où l'on réglera la grandeur des verres dont il est composé.
- 2°. Cet objectif sera composé de trois verres, dont voici la construction:

Du premier: le rayon de sa face  $\begin{cases} de \ devant & = +36\frac{37}{166} \\ de \ derriere & = +314\frac{5}{166} \end{cases}$  pouces. Du second: le rayon de sa face  $\begin{cases} de \ devant & = -54\frac{5}{166} \\ de \ derriere & = -83\frac{5}{166} \end{cases}$  pouces.

Du troisseme: le rayon de sa face  $\begin{cases} de \ devant & = + 36 \frac{87}{100} \\ de \ derriere & = + 314 \frac{8}{100} \end{cases}$  pouces.

- 3°. Derriere ce verre; à la distance  $AB \equiv 60$  pouces, on mettra le verre QQ, dont l'ouverture doit être de  $1 \pm \frac{24}{50}$  pouce en dismetre.
- 4°. Le verre QQ est composé de deux verres égaux & également convexes des deux côtés, le rayon de chaque face étant = 2 7 6 0 pouces.

- 5°. Derriere ce verre QQ; à la distance BC = ½ pouce, on mottre l'oculaire RR, dont le diametre d'ouverture doit être ½ pouces.
- 6°. L'ocuiaire RR sera composé de trois verres égaux & également convexes des deux côtés, le rayon de chaque sace étant = 1,65 pouce.
- 7°. Derriere l'oculaire à la distance CO = 30 pouce, on placera l'oeil, qui découvrira un champ dont le diametre sera = 71', ou 1°, 11', & ce champ lui paroitra sous un angle de 102°, 12'.



